

**Фонд кваліфікаційних завдань для практичних занять  
з дисципліни «Технічне обслуговування РЕЗ»**

Програму рекомендовано  
Кафедрою Радіотехнологій  
Протокол № \_\_\_\_\_  
Від «\_» \_\_\_\_\_ 2015р.  
Завідуючий кафедрою:  
\_\_\_\_\_ Сайко В. Г.

Практические занятия и контрольные работы  
по дисциплине  
«Техническое обеспечение РЭС»

## Практическое занятие №1

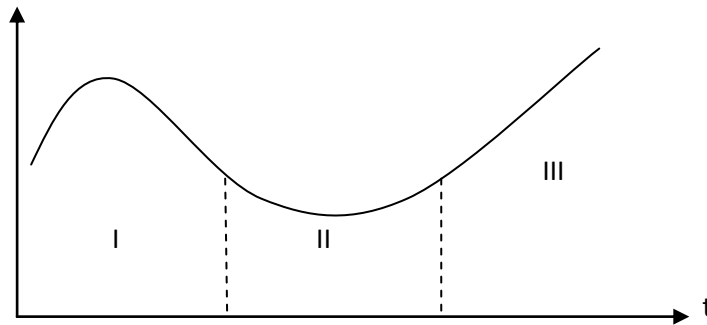
### Контрольные вопросы

1. Написать выражение по данным отчета для

- частоты отказов  $f(t)$ ;
- интенсивность отказов  $\lambda(t)$ ;
- вероятности безотказной работы  $P(t)$ ;
- средней наработки на отказ  $T_0$

Ответы:  $f(x) = \frac{n(t)}{N_0 \Delta t}$ ;  $\lambda(t) = \frac{n(t)}{N(t) \Delta t}$ ;  $P(t) = \frac{N_0 - n(t)}{N_0}$ ;  $T_0 = \frac{\sum_{i=1}^n t_{pi}}{n}$

2. Кривая интенсивности отказов по времени эксплуатации имеет вид  $\lambda(t)$



Дайте физическое объяснение каждой из областей.

## Задачи

1. Было испытано 1000 ламп на длительность безотказной работы. Результаты испытаний приведены в таблице.

$t_{\text{раб.ч}}$ (от-до) $10^2$	0-10	10-20	20-30	30-40	40-60	60-80	80-100	100-120	120-140	40-50	50-60
$n(t)$ ( $t, t+\Delta t$ )	151	102	77	61	199	200	69	91	50	79	120
$f(t)$	0,0151	0,0102	0,0077	0,0061	$\frac{0,0199}{2}$	0,0100	0,0038	0,017	0,010	0,0079	0,0120
$\lambda(t)$	$\lambda_1(t)$	$\lambda_3(t)$	...	...	...	...	...	...	...	...	...

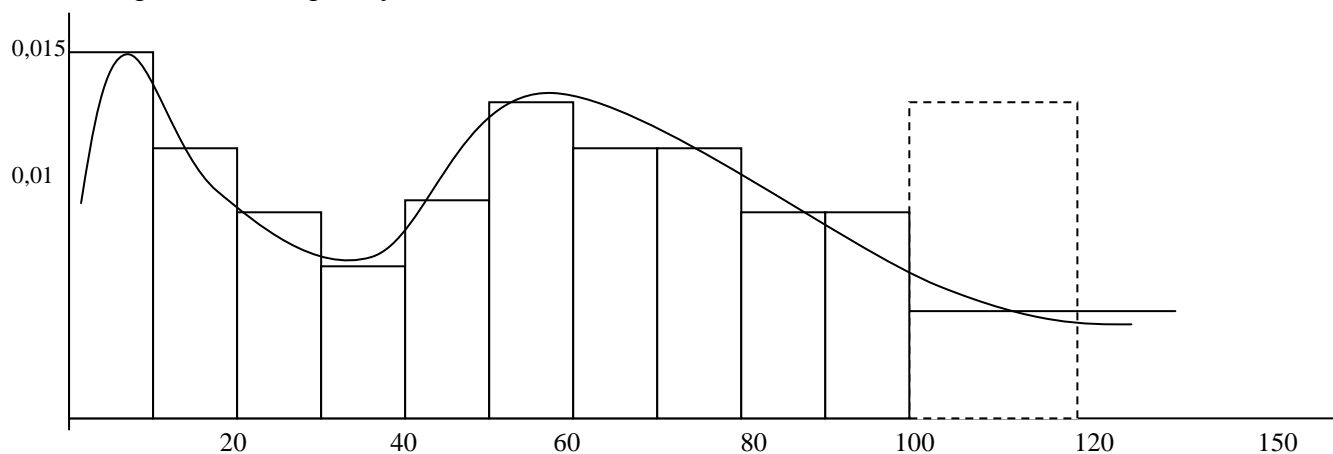
$$f_1(t) = \frac{151}{1000 \cdot 10} = \frac{n_1(t)}{N_0 \cdot \Delta t} = 0,0151$$

$$\lambda_1(t) = \frac{n_1(t)}{N(t) \cdot \Delta t} = \frac{151}{\frac{(1000+849) \cdot 10}{2}}$$

$$f_2(t) = \frac{102}{1000 \cdot 10} = 0,0102$$

$$\lambda_2(t) = \frac{102}{\frac{(849+747) \cdot 10}{2}}$$

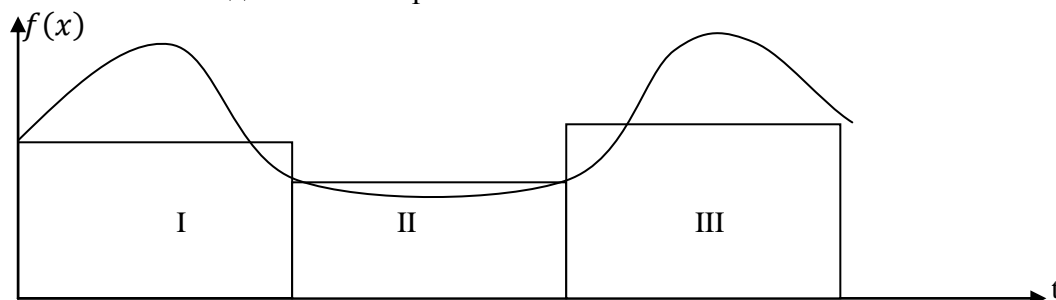
Построить гистограмму



2. С учетом данных задачи 1 определить вероятность безотказной работы при эксплуатации в течении 40 часов.

Решение.  $P(t) = \frac{N_0 - \sum_{i=1}^n n_i(t)}{N_0} = \frac{N_0 - \sum_{i=1}^4 n_i(t)}{N_0} = \frac{1000 - (151 + 102 + 77 + 61)}{1000} = 0,609$

3. Частота отказов дается гистограммой



Участок I  $P_1(t) = 0,8$ ;  $\Delta t = 100ч.$   $N_0 = 1000$

Участок II  $P_2(t) = 0,96$ ;  $\Delta t = 1000ч.$

Участок III  $P_3(t) = 0,6$ ;  $\Delta t = 100ч.$

Определить число отказавших изделий на каждом из участков за 50 часов.

Решение.

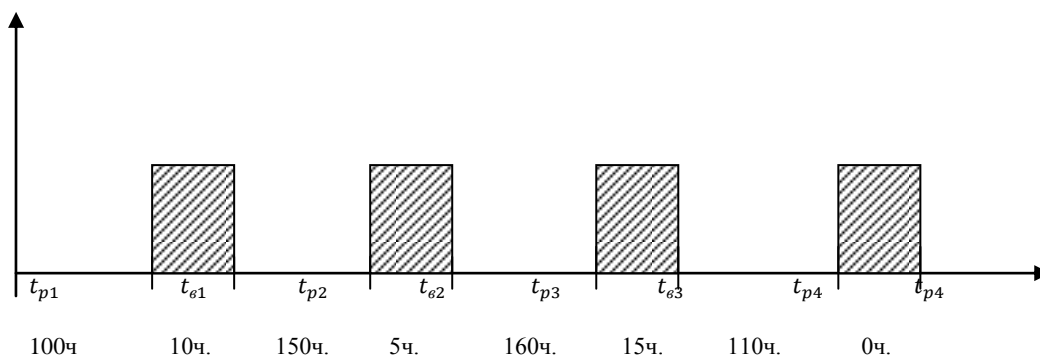
$$P(t) = \frac{N_0 - n(t)}{N_0}; \quad n(t) = N_0(1 - P(t));$$

Участок I  $n(t) = 1000 * 0,2 = 200$ ; за 100ч.  
за 50ч. имеем 100.

Участок II  $n(t) = 0,04 * 1000 = 40$ ;  
за 50ч.  $\frac{40}{20} = 2$ ;

Участок III  $n(t) = 0,4 * 1000 = 40$ ;  $n = 200$

4. При эксплуатации изделия имеем следующий график его состояния.



Определить: 1) Среднее время наработки на отказ  $T_0$

2) Среднее время восстановления.

Решение.  $T_0 = \frac{\sum_{i=1}^4 t_{pi}}{n} = \frac{100+150+160+110}{4} = 130ч.$

$$T_в = \frac{\sum_{i=1}^4 t_{ei}}{n} = 9ч.$$

## Практическое задание №2

### Контрольные вопросы

1. Написать основные формулы оценки надежности.

$$1. P(t) = 1 - \int_0^t f(t) dt;$$

$$2. \lambda(t) = \frac{f(t)}{P(t)} = -\frac{P'(t)}{P(t)}$$

$$3. f(t) = -\frac{dP(t)}{dt} \quad P(t) = \frac{f(t)}{\lambda(t)}$$

$$4. P(t) = e^{-\int_0^t \lambda(t) dt}$$

$$5. T_0 = \int_0^\infty P(t) dt$$

2. Написать выражение для экспоненциального закона надёжности.

для  $\lambda(t) = \lambda_0 t + 1$

Решение.  $P(t) = e^{-\int_0^t (\lambda_0 t + 1) dt} = \lambda_0 t (1 + \frac{t}{2})^2$

3. Под воздействием дестабилизирующих факторов  $\lambda(t) = \lambda_0$  увеличилось в 2 раза.

Как изменится  $T_0$ ?

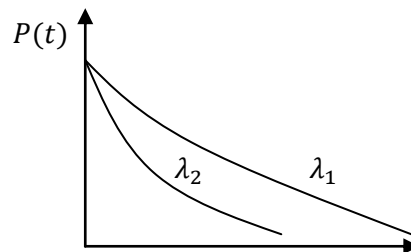
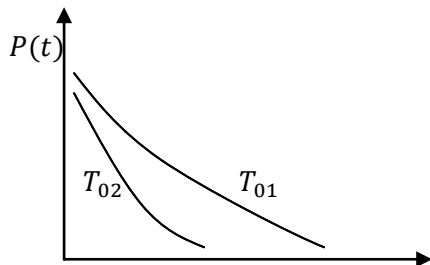
Решение.  $T_0 = \int_0^\infty e^{-\lambda_0 t} dt = \frac{1}{\lambda} e^{-\lambda_0 t} \Big|_0^\infty = \frac{1}{\lambda_0} (1 - 0);$

При увеличении  $\lambda_0$  в 2 раза,  $T_0$  уменьшится во столько же.

4. Даны два элемента с интенсивностями отказа  $\lambda_1(t) = \lambda_1$  и  $\lambda_2(t) = \lambda_2$ .

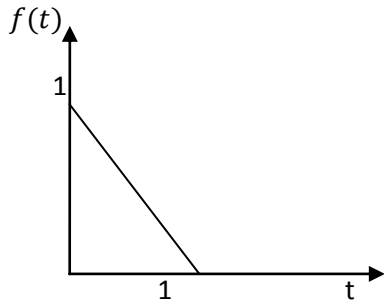
Графики вероятностей отказа имеют вид:

- 1) Какая вероятность имеет  $\lambda_1$  и  $\lambda_2$ ? (поставьте знак неравенства)



## Задачи

1. Частота отказов задана графиком.



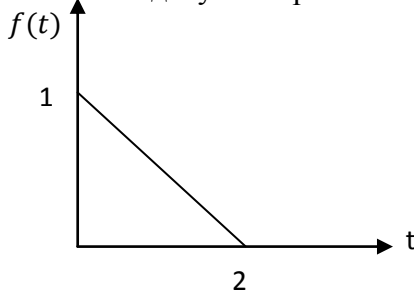
Определить интенсивность отказов  $\lambda(t)$

Решение. 1)  $f(t) = (1 - t)$  при  $0 < t < 1$ ;

$$2) P(t) = 1 - \int_0^t f(t)dt = 1 - \int_0^t (1 - t)dt = 1 - t + \frac{t^2}{2}$$

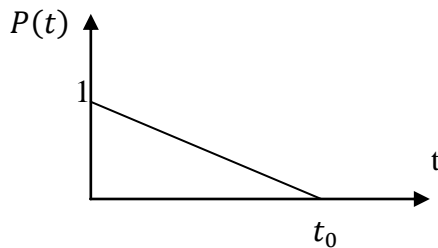
$$3) \lambda(t) = -\frac{P'(t)}{P(t)} = \frac{f(t)}{P(t)} = \frac{1-t}{1-t+\frac{t^2}{2}}$$

2. Решить задачу №1 при



$$f(t) = 1 - \frac{1}{2}t$$

3. Надежность (вероятность безотказной работы) убывает по линейному закону.



Определить:  $\lambda(t)$ ,  $P(t)$ ,  $T_0$ . Построить график  $\lambda(t)$

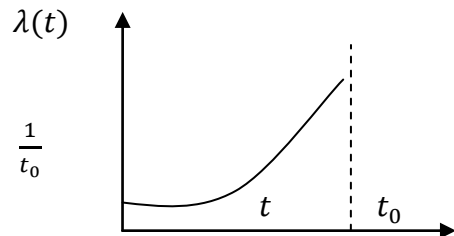
Решение: 1)  $P(t) = 1 - \frac{t}{t_0}$  при  $0 \leq t \leq t_0$

$$2) \lambda(t) = \frac{f(t)}{P(t)} = -\frac{P'(t)}{P(t)}$$

$$3) P'(t) = -\frac{1}{t_0}; f(t) = -P'(t) = \frac{1}{t_0}$$

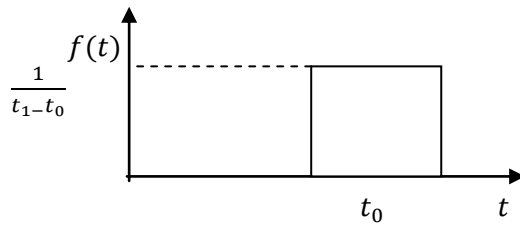
$$4) \lambda(t) = \frac{f(t)}{P(t)} = \frac{1}{t_0(1-\frac{t}{t_0})} = \frac{1}{t_0-t}$$

$$5) T_0 = \int_0^{t_0} P(t)dt = \int_0^{t_0} \left(1 - \frac{t}{t_0}\right) dt = t - \frac{t^2}{2t_0} \Big|_0^{t_0} = t_0 - \frac{t_0^2}{2t_0} = \frac{1}{2}t_0$$



4. Плотность распределения частоты отказов постоянна на участке  $t_0 - t$ , и равна нулю вне этого участка. Определить вероятность отказов, интенсивность отказов и построить график  $\lambda(t)$ .

Решение.



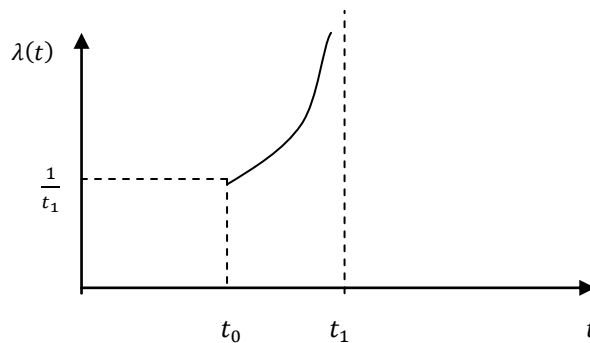
равномерный закон;  $t(t_1 - t_0)x = 1, x = \frac{1}{t_1 - t_0}$

1.  $f(t) = \frac{1}{t_1 - t_0}; t_0 < t < t_1$

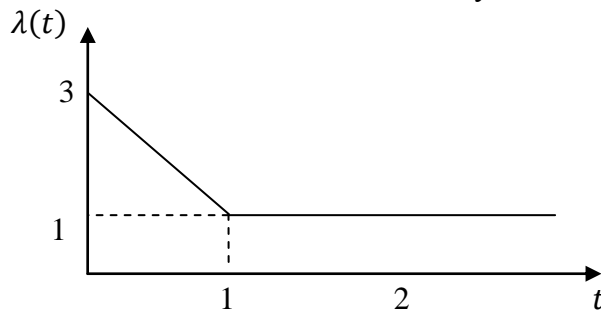
2.  $P(t) = 1 - \int_{t_0}^{t_1} f(t)dt = 1 - \int_{t_0}^{t_1} \frac{1}{t_1 - t_0} dt = 1 - \frac{t - t_0}{t_1 - t_0} = \frac{t_1 - t_0 - t + t_0}{t_1 - t_0} = \frac{t_1 - t}{t_1 - t_0}$

3.  $\lambda(t) = \frac{f(t)}{P(t)} = \frac{1}{t_1 - t_0} * \frac{t_1 - t_0}{t_1 - t} = \frac{1}{t_1 - t}$

4.  $T_0 =$



5. Интенсивность отказов меняется по закону



Определить:

- экспоненциальный закон надежности и построить график
- среднюю наработку на отказ  $T_0$

Решение.

1.  $P(t) = e^{-\int_0^t \lambda(t)dt}$

2. На отказе  $0 \div 1 \quad \lambda(t) = 3 - 2t$   
 $1 \div \infty \quad \lambda(t) = 1$

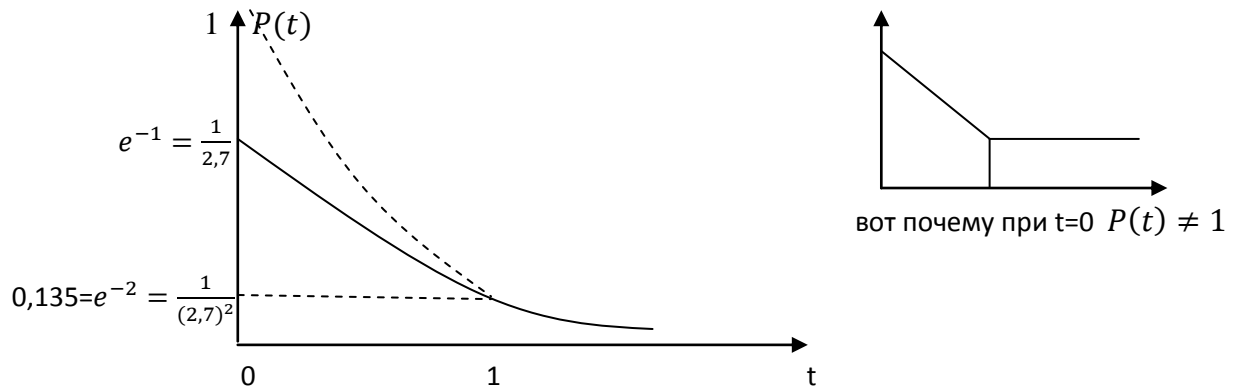
3. Для определения интеграла  $\int_0^t \lambda(t)dt$  разобьем его на части.

$$\int_0^t \lambda(t)dt = \int_0^1 \lambda(t)dt + \int_1^t \lambda(t)dt = \int_0^1 (3 - 2t)dt + \int_1^t 1dt = 3t - t^2 \Big|_0^1 + t \Big|_1^t$$

$$= 3 - 1(t - 1) = 1 + t$$

4.  $P(t) = e^{-(1+t)}$





Определим  $T_0$ .

$$5. T_0 = \int_0^{\infty} P(t) dt = \int_0^1 e^{-3t-t^2} dt + \int_1^{\infty} e^{-(t-1)} dt \cong 0,37 - 0,135 = 0,505$$

Примечание: 1. Второй интеграл  $e^{-(t-1)}$  в соответствии с  $P(t) = e^{-(1+t)}$

2.  $P(t)$  при  $t = 0$  должно быть равно 1

$$3. T_0 \int_0^{\infty} P(t) dt = \int_0^{\infty} e^{-(1+t)} dt = \int_0^{\infty} e^{-1} * e^{-t} dt = \frac{1}{2,7} (e^{-t})|_0^{\infty} = \frac{1}{2,7};$$

(не сходится с пунктом 5).

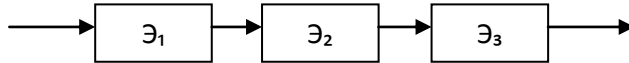
$$\int_1^{\infty} e^{-(1+t)} dt = e^{-1} \int_1^{\infty} e^{-t} dt = -e^{-1} * e^{-t}|_1^{\infty} = e^{-1} * e^{-1} = e^{-2}$$

$$T_0 = 0,37 - 0,135 = 0,235 \quad \int_1^{\infty} e^{-(1-t)} dt = e^{-2}$$

## Практическое занятие №3

### Контрольные вопросы.

1. Система состоит из 3х последовательно соединенных элементов.



Определить:

- вероятность безотказной работы системы если  $P_i(t) = 0,9$
- определить  $P_i(t)$  если вероятность всей системы  $P_{\Sigma}(t)$ .

Решение 1.  $P_{\Sigma}(t) = \prod P_i(t) = 0,9^3$ ;  $P_i(t) = \sqrt[3]{P_{\Sigma}(t)}$ .

2. Частота отказов подчиняется закону

$$f(t) = \frac{1}{b} e^{-\frac{t}{b}}$$

Определить вероятность отказа  $Q(t)$ .

Решение.  $Q(t) = \int_0^t f(t) dt = \int_0^t \frac{1}{b} e^{-\frac{t}{b}} dt = \int_0^t e^{-\frac{t}{b}} \frac{dt}{b} = e^{-\frac{t}{b}} \Big|_0^t = -e^{-\frac{t}{b}} + 1$

$$P(t) = 1 - e^{-\frac{t}{b}} - 1 = e^{-\frac{t}{b}}$$

3. Определить интенсивность отказа 3х последовательно соединенных элементов, если известна  $\lambda_i(t)$  каждого.

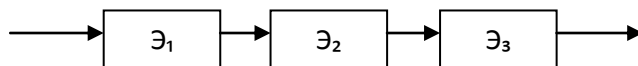
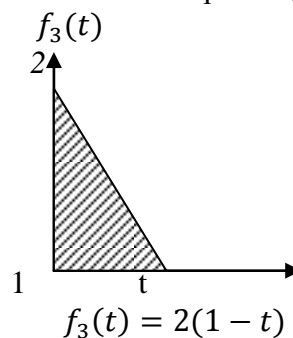
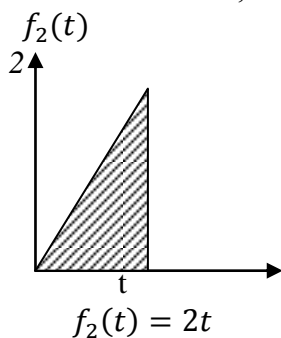
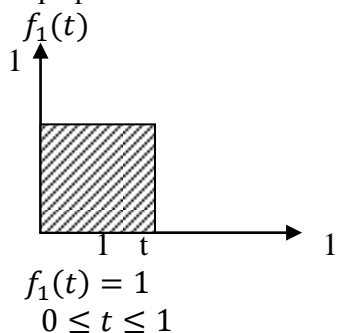
Решение.

$$\begin{aligned} P_{\Sigma}(t) &= P_1(t)P_2(t)P_3(t) = e^{-\int_0^t \lambda_1(t) dt} * e^{-\int_0^t \lambda_2(t) dt} * e^{-\int_0^t \lambda_3(t) dt} = e^{-\sum_{i=1}^3 \int_0^t \lambda_i(t) dt} \\ &= e^{-\int_0^t \sum_{i=1}^3 \lambda_i(t) dt} \end{aligned}$$

$$\lambda_{\Sigma}(t) = \sum_{i=1}^3 \lambda_i(t)$$

## Задачи

1. Система состоит из 3х независимых элементов, частота отказов которых задана графиками.



Определить: 1) интенсивность отказов системы

2) определить  $T_{0i}$  и построить графики

Решение.

1. Вероятность надежности элементов

$$P_1(t) = 1 - \int_0^t f_1 dt = 1 - \int_0^t dt = 1 - t;$$

$$P_2(t) = 1 - \int_0^t 2t dt = 1 - t^2;$$

$$P_3(t) = 1 - \int_0^t 2(1 - t) dt = 1 - 2t + t^2;$$

2. Интенсивность отказов элементов

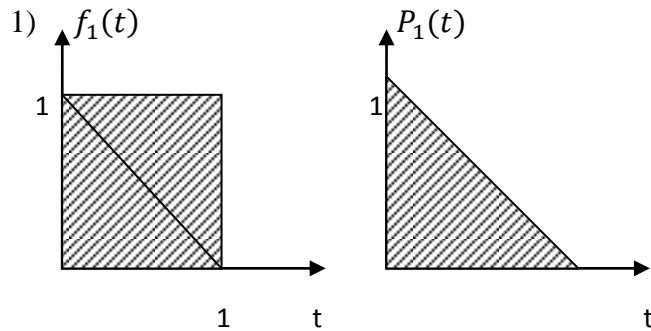
$$\lambda_1(t) = \frac{f_1(t)}{P_1(t)} = -\frac{P_1'(t)}{P_1(t)} = \frac{1}{1 - t};$$

$$\lambda_2(t) = \frac{f_2(t)}{P_2(t)} = \frac{2t}{1 - t^2};$$

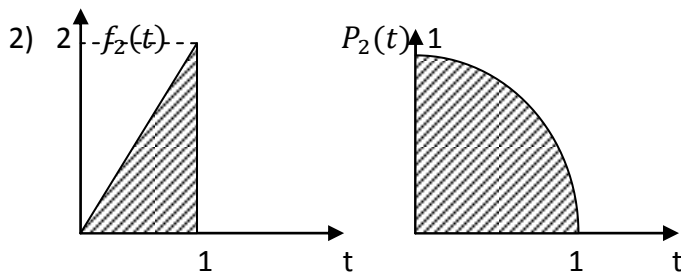
$$\lambda_3(t) = \frac{f_3(t)}{P_3(t)} = \frac{2(1 - t)}{1 - 2t + t^2} = \frac{2}{1 - t};$$

$$3. \lambda_{\Sigma}(t) = \lambda_1(t) + \lambda_2(t) + \lambda_3(t) = \frac{1}{1 - t} + \frac{2t}{1 - t^2} + \frac{2}{1 - t} = \frac{3 + 5t}{1 - t^2}$$

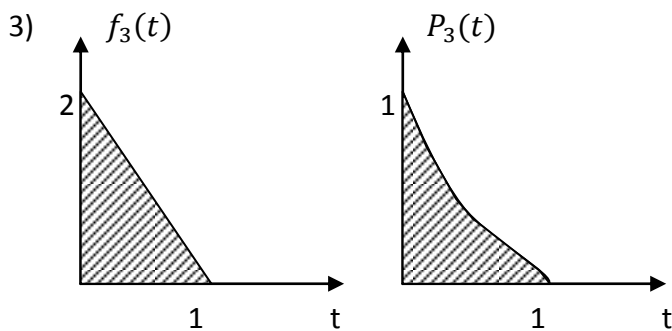
Свяжем значение  $f_i(t)$  с  $P_i(t)$  к  $T_{0i}$



$$T_{0i} = \int_0^1 (1-t) dt = t - \frac{t^2}{2} \Big|_0^1 = \frac{1}{2}$$



$$T_0 = \int_0^1 (1-t^2) dt = 1 - \frac{t^3}{3} \Big|_0^1 = 1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$$



$$T_0 = \int_0^1 (1-2t+t^2) dt = t - t^2 + \frac{t^3}{3} \Big|_0^1 = \frac{1}{3}$$

2. Частота отказов описывается частотным случаем распределения Вейбула

$$f(t) = \frac{1}{a} e^{-\frac{t}{a}}$$

Определить:  $P(t), \lambda(t), T_0$ .

Решение. 1.  $P(t) = 1 - \int_0^t f dt = 1 - \int_0^t \frac{1}{a} e^{-\frac{t}{a}} dt = 1 - e^{-\frac{t}{a}} \Big|_0^t = e^{-\frac{t}{a}}$

2.  $\lambda(t) = \frac{f(t)}{P(t)} = \frac{\frac{1}{a} e^{-\frac{t}{a}}}{e^{-\frac{t}{a}}} = \frac{1}{a}$ ;

3.  $T_0 = \int_0^\infty P(t) dt = \int_0^\infty e^{-\frac{t}{a}} dt = a$

Как изменится  $P(t)$ , если  $a$  уменьшить в 2 раза (построить график).

3. Частота отказов описывается распределением Релея.

$$f(t) = \frac{2t}{a^2} e^{-\left(\frac{t}{a}\right)^2}$$

Определить:  $P(t), \lambda(t), T_0$

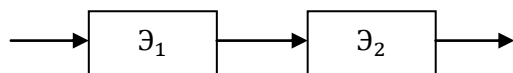
Решение.

$$1. P(t) = 1 - \int_0^t f(t)dt = 1 - \int_0^t e^{-\left(\frac{\tau}{a}\right)^2} d\tau = 1 - \int_0^t e^{-\left(\frac{\tau}{a}\right)^2} dt \left(\frac{\tau}{a}\right)^2 = 1 - \int_0^t e^{-x} dx = 1 - e^{-x}|_0^t = 1 - e^{-\left(\frac{t}{a}\right)^2} = 1 - e^{-\frac{t^2}{a^2}} - 1 = e^{-\left(\frac{t}{a}\right)^2}$$

$$2. \lambda(t) = \frac{f(t)}{P(t)} = \frac{\frac{2t}{a^2} e^{-\left(\frac{t}{a}\right)^2}}{e^{-\left(\frac{t}{a}\right)^2}} = \frac{2t}{a^2}$$

$$3. T_0 = \int_0^\infty P(t)dt = \int_0^\infty e^{-\left(\frac{t}{a}\right)^2} dt = a \frac{\sqrt{\pi}}{2} \text{ (табулированный интеграл)}$$

4. Система состоит из двух последовательно соединенных элементов.



Эквивалентная надежность  $P_{\text{эКВ}} = 0,50$

Определить интенсивность отказов каждого элемента, если:

$$1. P_i(t) = e^{-\lambda_i t}$$

2. Время работы – 4ч.

$$3. \lambda_1 = \lambda_2$$

$$1. P_1 * P_2 = e^{-\lambda_1 t} * e^{-\lambda_2 t} = e^{-2\lambda t} = 0,5$$

$$e^{-x} = 0,5 \quad x = 0,8$$

$$t = 4 \quad e^{-2\lambda 4} = 0,5 \quad e^{-8\lambda} = 0,5 \quad e^{-0,8} = 0,5 \quad \lambda = 0,1$$